1.116

סה

$$\frac{\sqrt{2x-3}}{\log_2(x^2-|3-3x|)} \geq 0$$

תחום הגדרה

$2x-3 \geq 0 \Rightarrow \boxed{x \geq 1\frac{1}{2}}$

$x^2-|3-3x| \neq 0$

$x^2 > |3-3x|$

$x \geq 1$: $x^2 > 3x-3$ ו $x^2-3x+3 > 0$, $\Delta = 9-12 = -3$, תמיד חיובי

$x < 1$: $x^2 > 3-3x$ ו $x^2+3x-3 > 0$, $\Delta = 9+12 = 21$, $x = \frac{-3 \pm \sqrt{21}}{2}$

פתרון עם התחום נקבל $x > \frac{-3+\sqrt{21}}{2}$ או $x < \frac{-3-\sqrt{21}}{2}$

$x^2-|3-3x| \neq 1$

$x \geq 1$: $x^2+3x-3 \neq 1$, $x^2+3x-4 \neq 0$, $x \neq 1, -4$, פתרון עם התחום $\boxed{x \neq 1}$

$x < 1$: $x^2-3x+3 \neq 1$, $x^2-3x+2 \neq 0$, $x \neq 1, 2$, חותך עם התחום $\boxed{x \neq 2}$

סה"כ, תחום ההגדרה:

$$\boxed{x \geq 1\frac{1}{2},\ x \neq 2}$$

נשים לב, שמתוך המונה תמיד חיובי ולכן לא המכנה קובע מהיכן החיובי (כי אחרת יהיו שתי אפשרויות)

צריך $M-1 \Rightarrow$ יקבל "חסר" חלק מתחום ההגדרה

$$\log_2(x^2-|3-3x|) > 0$$

$x^2-|3-3x| > 1$

$x \geq 1$: $x^2+3x-3 > 1$, $x^2+3x-4 > 0$, $x < -4$ או $x > 1$, חותך עם התחום $\boxed{x > 1}$

$x < 1$: $x^2-3x+3 > 1$, $x^2-3x+2 > 0$, $x < 1$ או $x > 2$, חותך עם התחום $\boxed{x < 1}$

פתרון עם תחום ההגדרה: $x > 2$

פתרון עם המונה שווה גם המכנה מוגדר $\Rightarrow x = 1\frac{1}{2}$