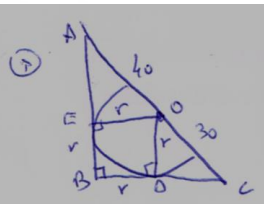
3.52
4



ב) $\triangle ABC \sim \triangle AEO$ (זווית משותפת + 2 זוגות זוויות מתאימות שוות)

$$\frac{EO}{BC} = \frac{AO}{AC} \rightarrow \frac{r}{DC+r} = \frac{40}{70} \rightarrow DC = \frac{3}{4}r$$

$\triangle ODC$: $\angle ODC = 90^\circ$ ולכן לפי משפט פיתגורס

$$OC^2 = DC^2 + OD^2 \rightarrow 30^2 = \frac{9}{16}r^2 + r^2 \rightarrow 900 = \frac{25}{16}r^2 \rightarrow \boxed{r = 24}$$

שטח גזרת היקף המעגל $\frac{1}{4} \cdot 12\pi \cdot 24 = \boxed{72\pi}$